



X Congreso de
Correas Transportadoras

22 y 23 de marzo 2018
Hotel Sheraton Miramar
Viña del Mar - Chile



Gestión de Repuestos Reparables: Determinación de una Política Óptima de Compra y Reparación

César Arróspide M.



#BeltCL

www.edoctum.cl



Contexto de la Industria



EL MERCADO



2008

Proveedores de minería extienden plazos de entrega

Publicado el 15 De Enero Del 2008

Además, las compañías deberán anticiparse para obtener cupos en la línea de producción de los proveedores.

Compartir: [f Compartir 0](#) [Twitter](#) [G+ 0](#) [in Compartir](#) [RSS](#)

Enviar por email | Imprimir  | [Notas al editor](#) | [Suscribirse a newsletter](#)

Durante los próximos tres años, las empresas mineras deberán programarse adecuadamente respecto de la necesidad de maquinarias o equipos para desarrollar sus proyectos, debido a la ampliación en los tiempos de entrega a los que están enfrentados los proveedores de la gran minería como consecuencia de la alta demanda a nivel mundial, adelantó Pedro Lasota, gerente general de Aprimin.

2010

Caterpillar adquiere Bucyrus por US\$8.600 millones

Publicado el 15 De Noviembre Del 2010



Equipos Bucyrus serán ahora Caterpillar

Publicado el 1 De Agosto Del 2011

Asimismo, todos los productos serán vendidos por distribuidores CAT. En ese sentido, la compañía especificó que planea vender el negocio de distribución de Bucyrus a los distribuidores Caterpillar.

2014

Ante paralización de proyectos

Proveedores de la Gran Minería Revelan Su Dura Realidad

Fuertes bajas en sus ventas, renegociación de contratos sacrificando la utilidad y masivas reducciones de personal, son algunos de los problemas que están enfrentando estas empresas, ya sean grandes o medianas.

2011

Boom de desarrollos mineros genera escasez y alza de costos en maquinarias y equipos

Demanda por neumáticos y camiones ha crecido 30% a 40% el último año. Alza de costos llega a 15%.

por Jessica Marticorena

 Compartir

Un hecho es evidente hoy en la industria minera: las compañías están acelerando sus planes de desarrollo y expansión para aprovechar el auge de las materias primas. Junto con eso, otro hecho es claro en el último tiempo: el boom de proyectos podría convertirse en una amenaza para la industria. La elevada demanda por equipos y maquinaria clave en el sector está generando escasez de estos insumos en todo el mundo. Las empresas ya perciben un aumento de los costos por ese efecto y advierten que el escenario podría desacelerar el crecimiento del negocio.



2016



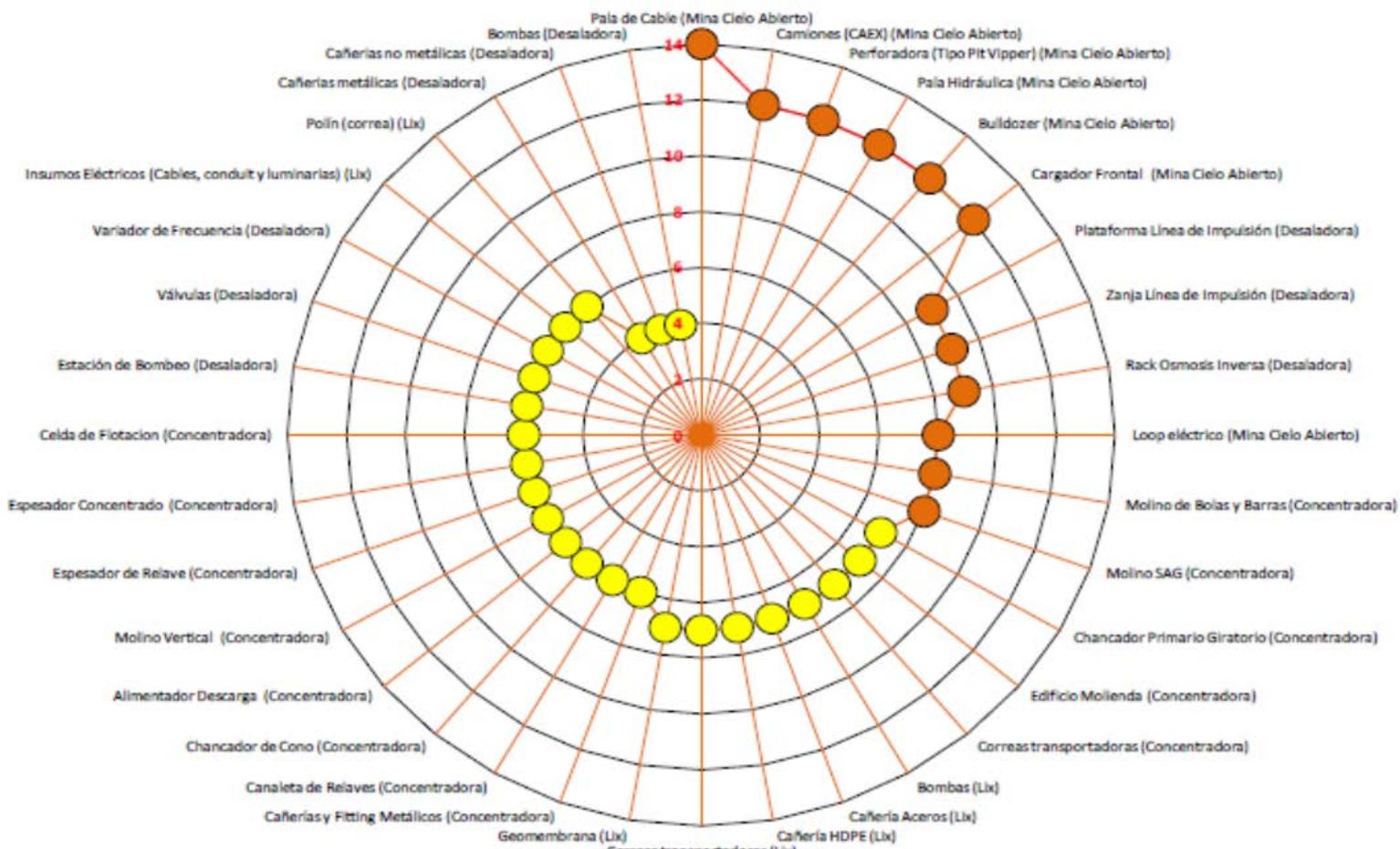
Komatsu acuerda comprar Joy Global por US\$2.900 millones

Publicado el 21 De Julio Del 2016

El acuerdo permitiría a la firma nipona duplicar su negocio de equipos para la industria minera y le daría acceso al segmento de minería subterránea.

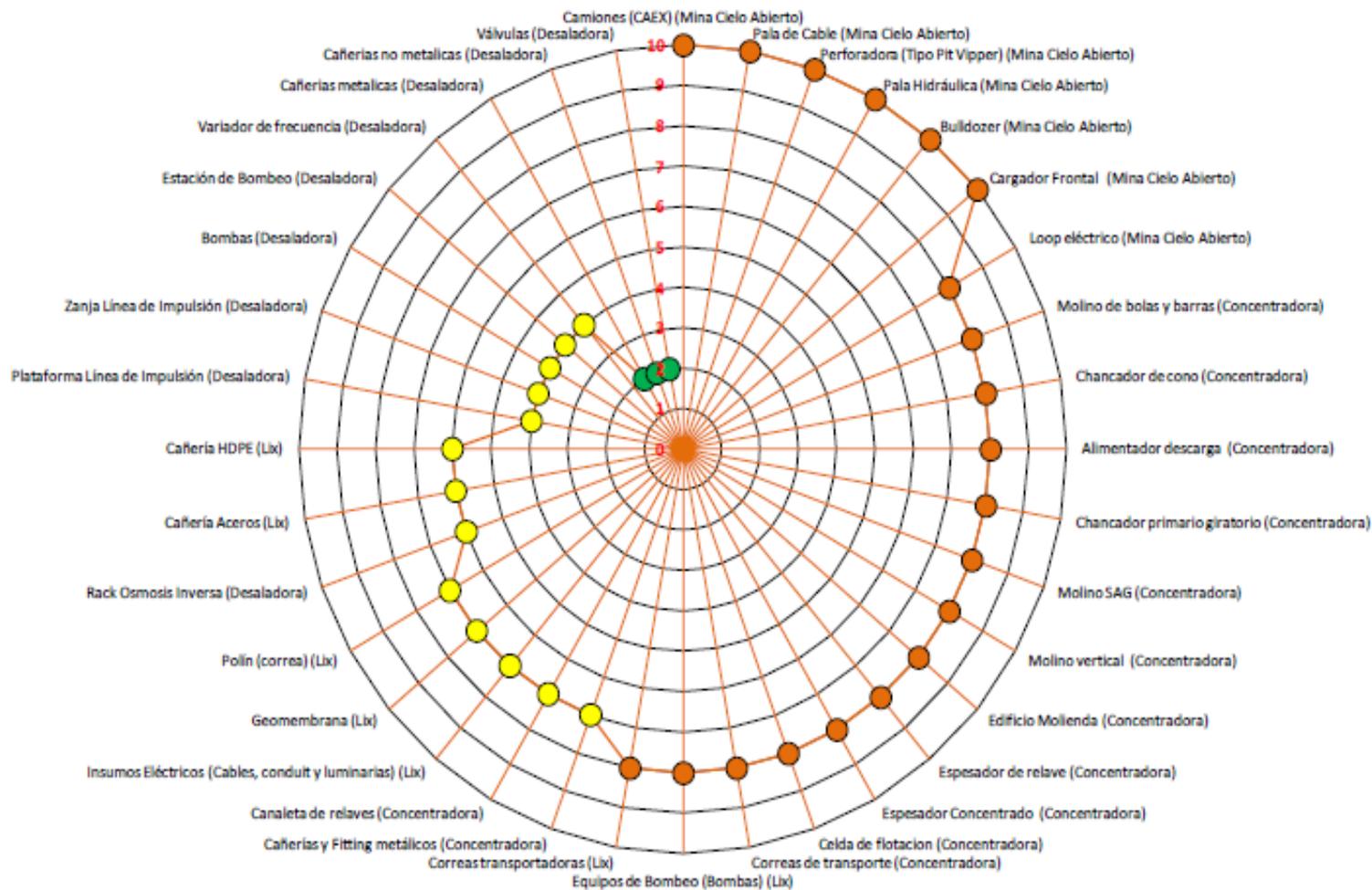
 Minería Chilena

Fig. 30: Severidad del riesgo por aumento de precios Insumos CAPEX



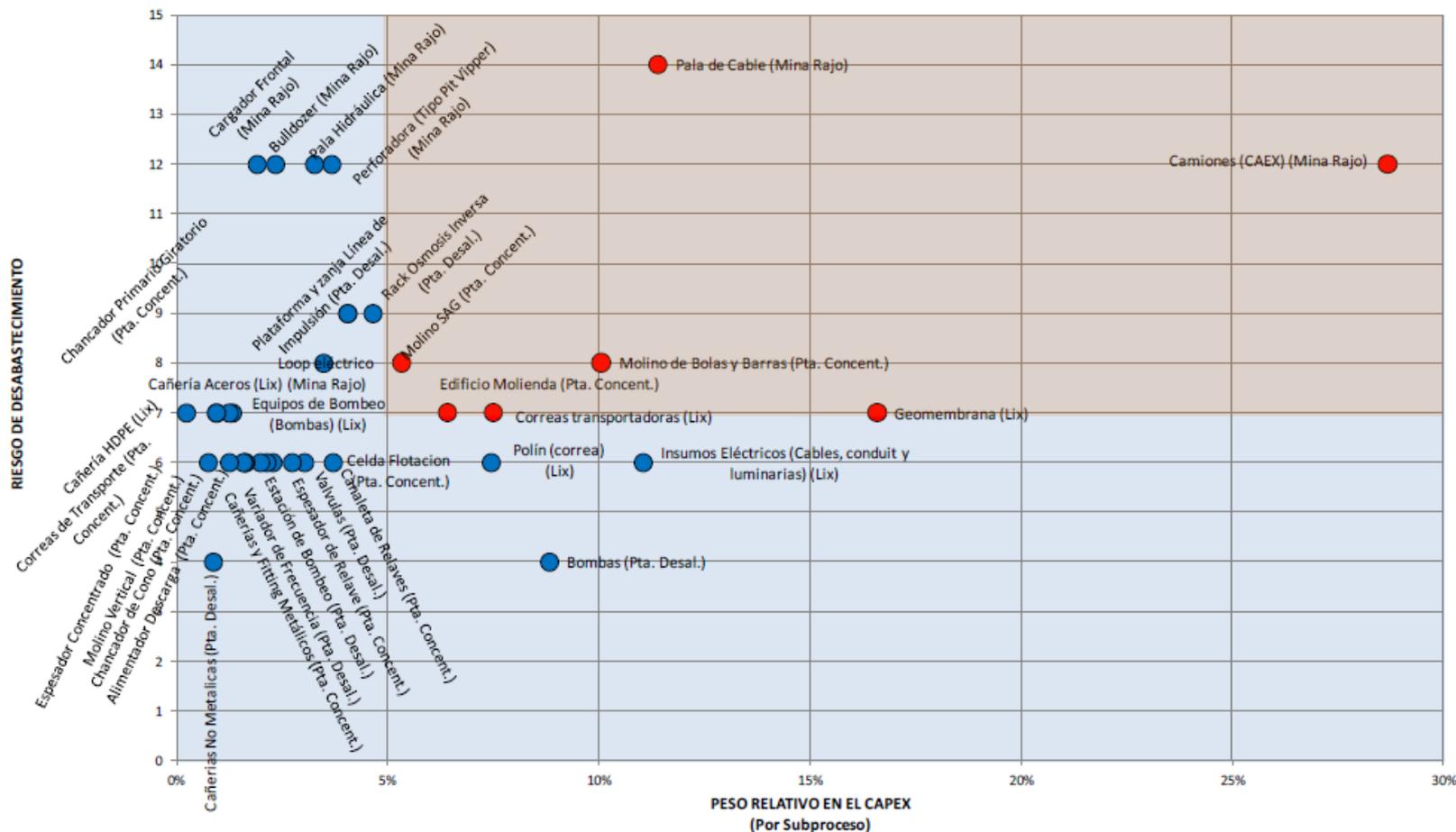
Fuente: Cochilco

Fig. 32: Severidad del riesgo por retrasos en la entrega de los insumos CAPEX

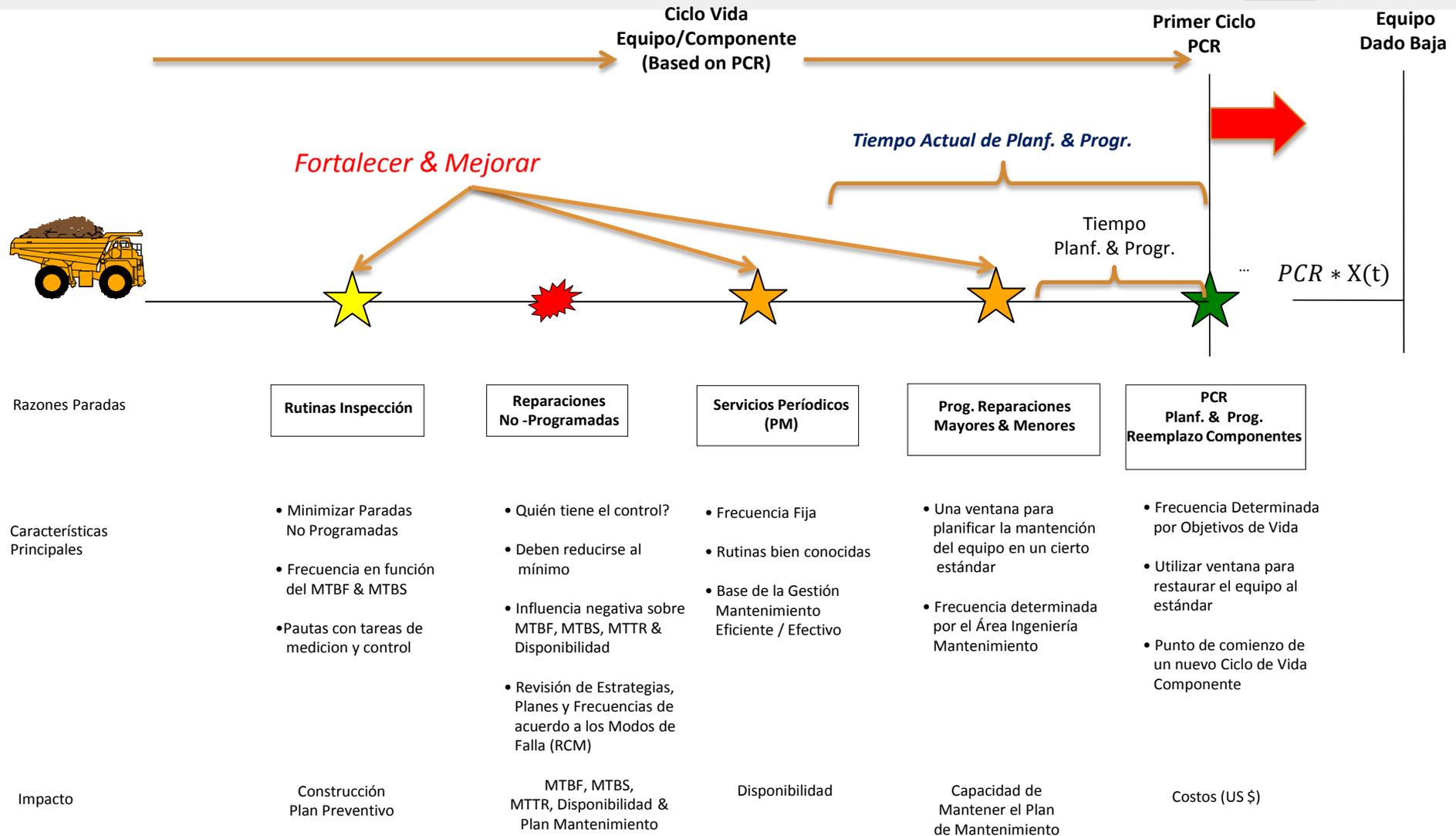


Fuente: Cochilco

Fig. 34: Insumos Críticos CAPEX



Mantenimiento & Reparación de Equipos



El Camino a seguir.....



FASE 0: Entender el PROBLEMA (S) – Tipos de Inventarios

FASE 1: Re-Diseño de ESTRATEGIA

- Misión – Visión
- Objetivos Estratégicos
- Diseño de Proceso Inventarios Consumibles – Reparables 
- Procedimientos
- Organigrama – ROL&RESPONSABILIDADES
- Métricas – KPI´s
- Otros.....

FASE 2: Revisión del Team – “Competencias Técnicas” - CAPACITACIÓN

FASE 3: CRITERIOS DECISIÓN - Políticas

FASE 4: DESARROLLO DE MODELOS DE OPTIMIZACIÓN (Single – echelon/Multi -echelon)

FASE 5: MODELOS SIMULACIÓN

FASE 6: CONFIGURACIÓN SAP/Otros

FASE 7: NEGOCIACIONES – Acuerdos con Proveedores/Fabrica



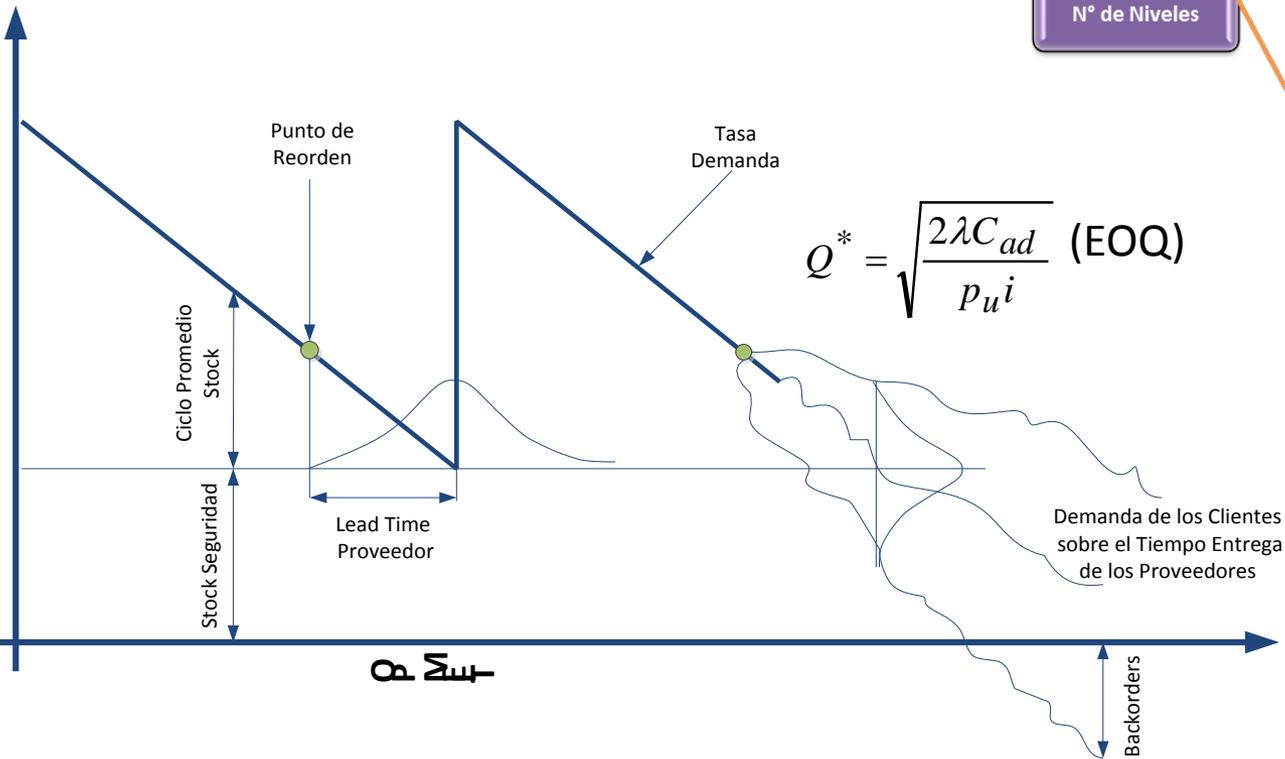
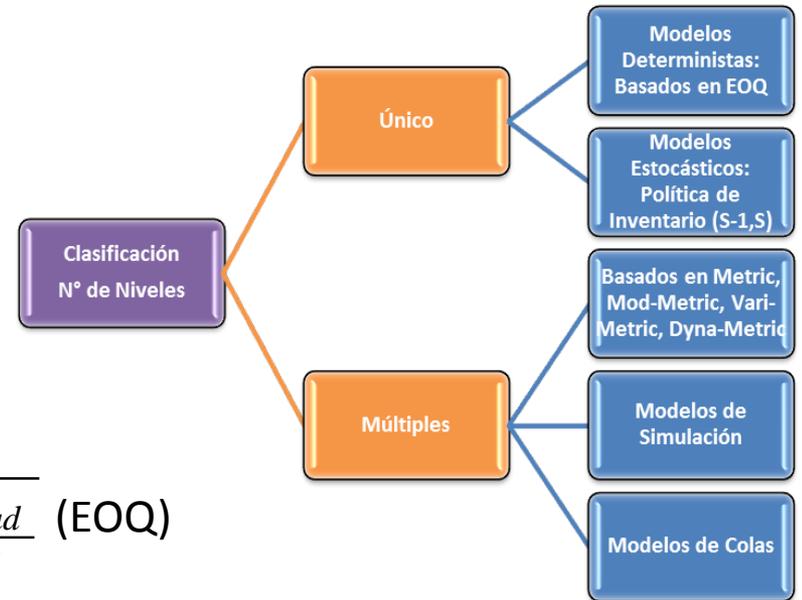


Problema de Gestión de Inventarios Reparables



Componentes Reparables

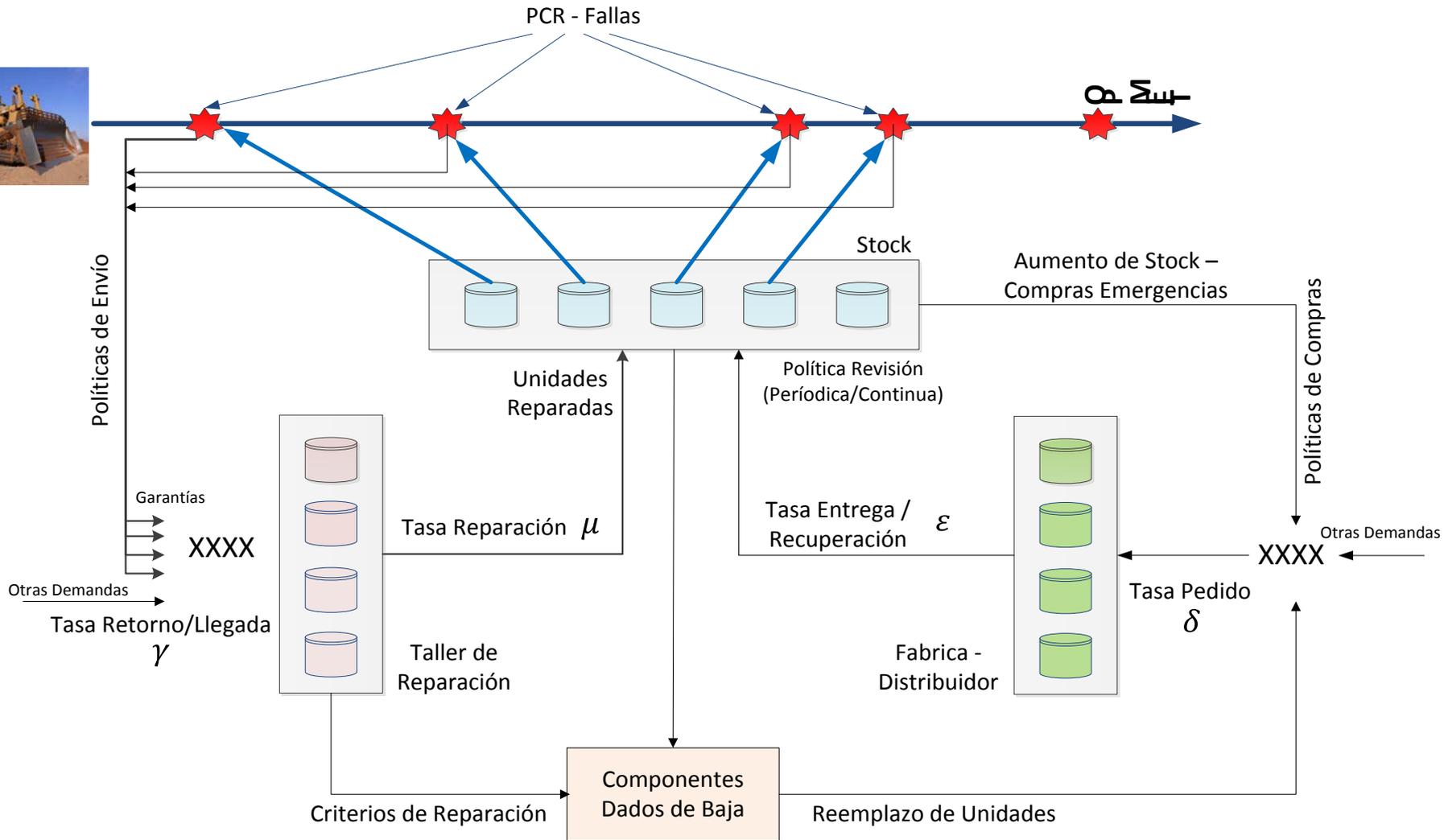
Componentes que pueden ser retornados a un estado operacional deseado, “tan bueno como nuevo”



$$Q^* = \sqrt{\frac{2\lambda C_{ad}}{p_{ui}}} \text{ (EOQ)}$$

Años '70, los primeros trabajos en Gestión de Inventarios Reparables son gatillados por la Fuerza Aérea de la Armada de los Estados Unidos.

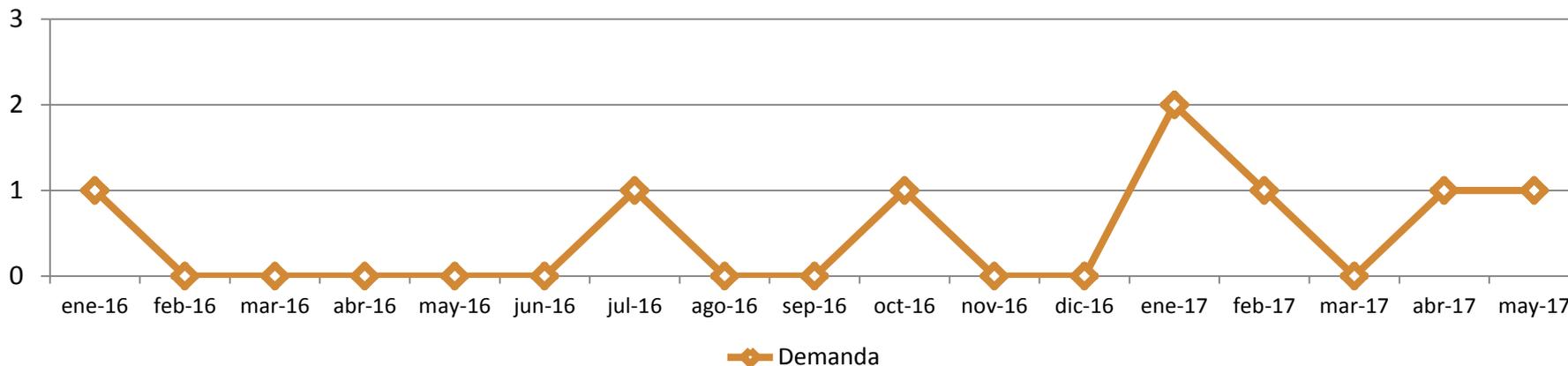
El Problema



Demanda por Fallas - Compañía

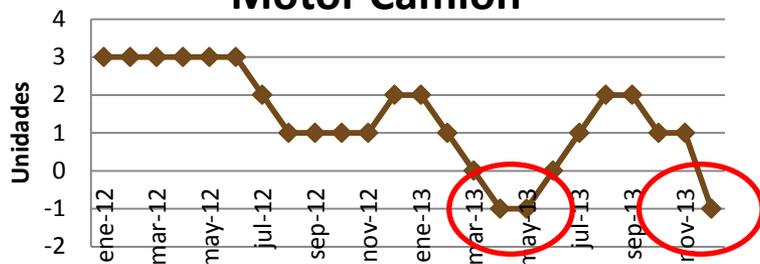


Demanda Componentes "XX"

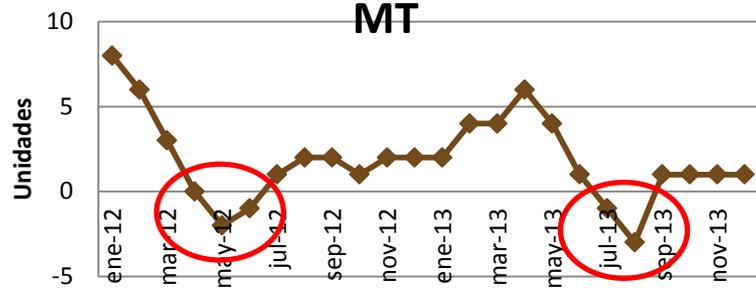


◆ Demanda

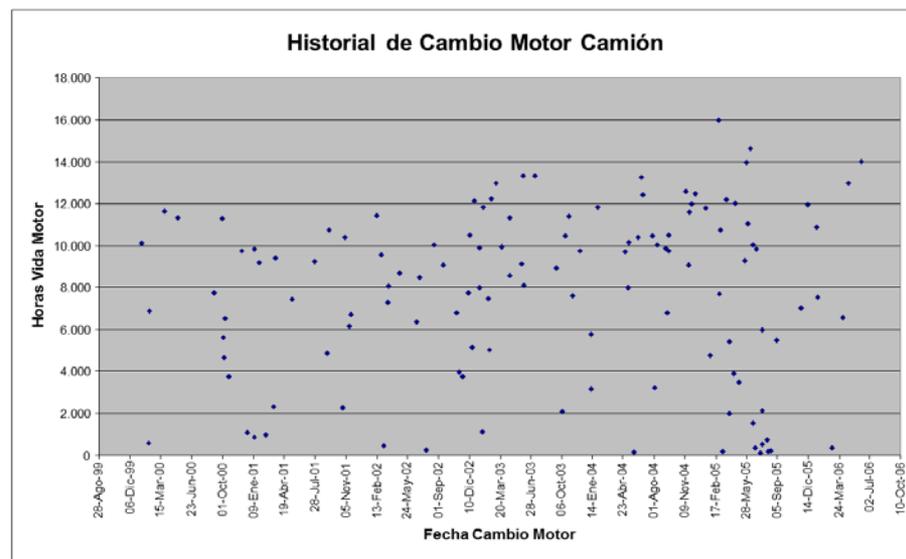
Motor Camión



MT



Demanda en Fabrica



Medidas de Rendimiento

- El *Nivel de Servicio de Ciclo (CSL)* que indica el porcentaje de ciclos en los que no existen roturas de stock, también conocido como P_1 .
- El *Fill Rate (FR)* que se define como la fracción de demanda que se cubre con el stock físico disponible o P_2 .
- El *Ready Rate* o fracción de tiempo durante el cual el stock neto es positivo, también conocido como P_3 .
- *Backorders (BO)* número de demandas que no son satisfechas en cualquier punto del tiempo.
- El *Tiempo Medio entre Roturas de Stock (TBS)*.

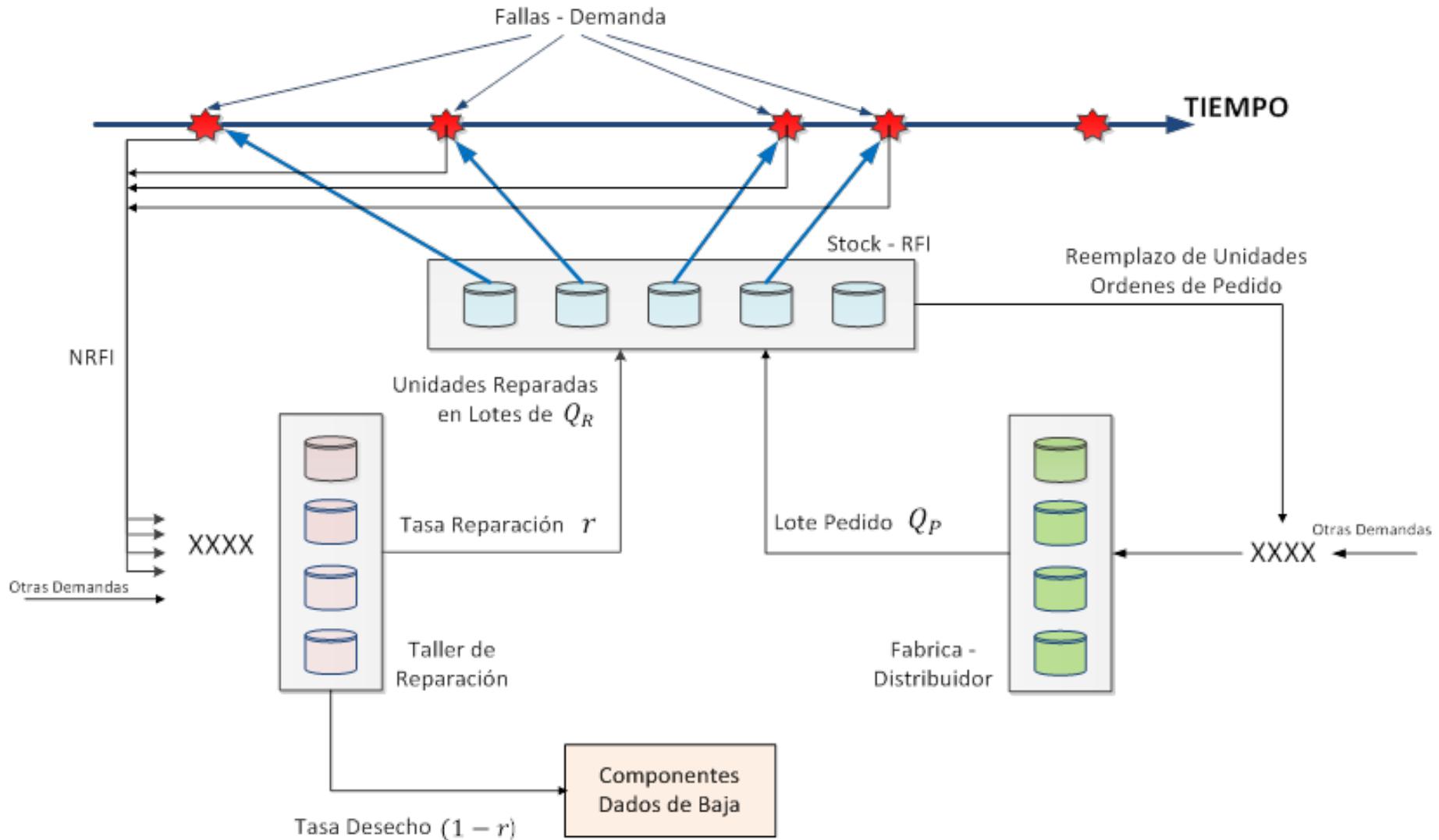
Criterios de Optimización



- *Nivel de Servicio Instantáneo:* probabilidad de que un repuesto esté disponible en cualquier instante.
- *Nivel de Servicio en un Intervalo (o misión):* probabilidad de no quedarse sin stock en ningún momento sobre un intervalo específico de tiempo.
- *Costo Global:* es el criterio más utilizado. Incluye:
 - *Costos de Adquisición*
 - *Costos de Intervención Repuestos*
 - *Costos de Propiedad*
 - *Costos de falla*
- *Disponibilidad del Sistema Soportado:* fracción del tiempo en que el equipo está en servicio producto de la disponibilidad de repuestos.
- *Disponibilidad Operacional:* suponemos que cada componente backordeado resulta en un sistema no-operacional.

Modelos Deterministas (tipo EOQ)

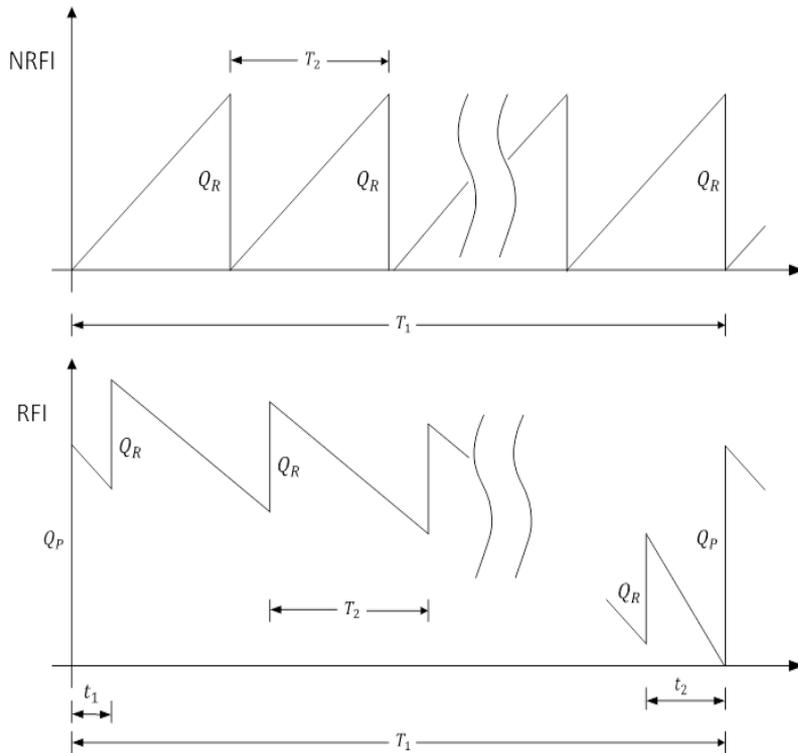
Sistema de Inventario con Reparación



Modelos Inventarios Reparables

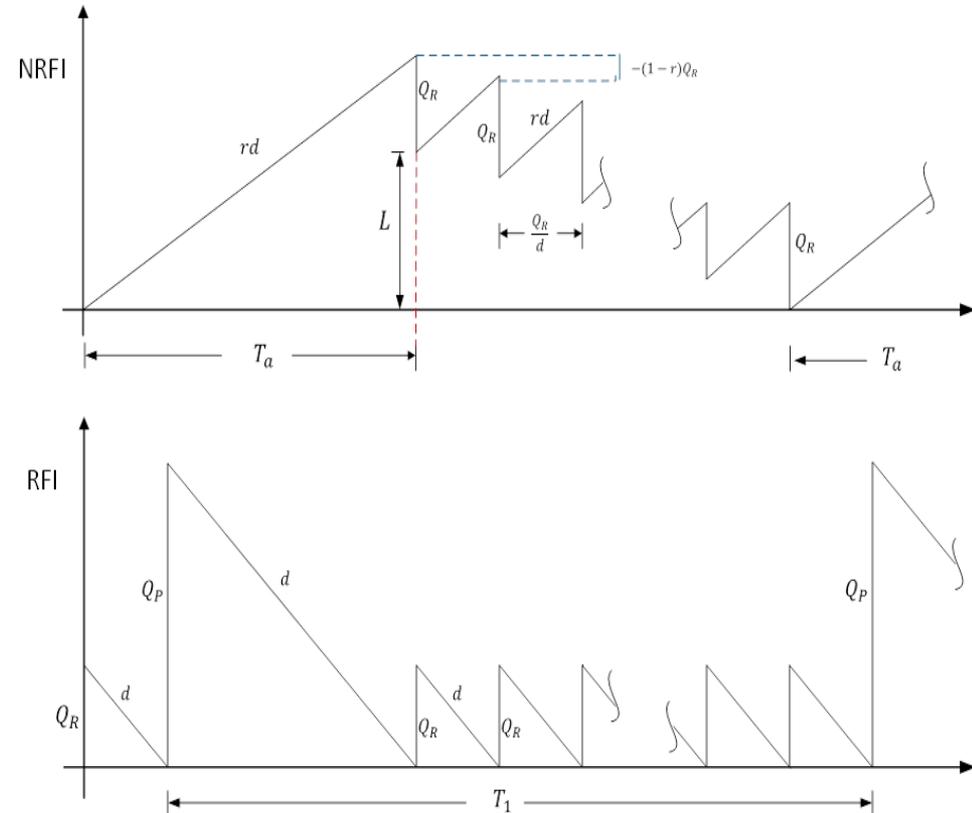


Caso 1:



$$Q_P^* = \sqrt{\frac{2SdA_P}{h_1}} \quad Q_R^* = \sqrt{\frac{2rdA_R}{h_2 + h_1(1 - 2k)}}$$

Caso 2:

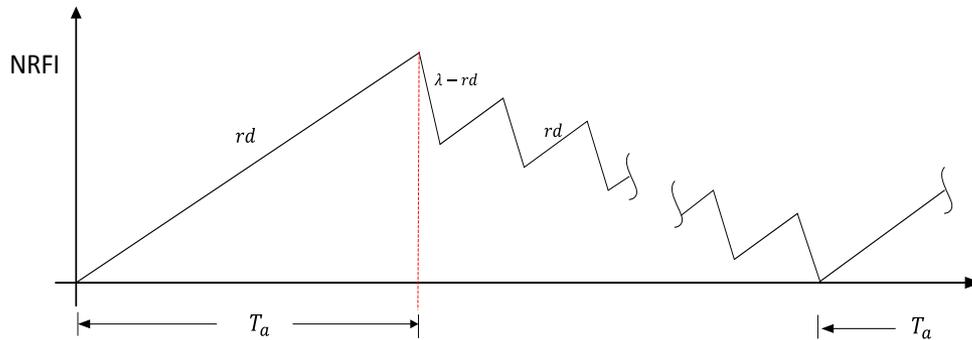


$$Q_P^* = \sqrt{\frac{2SdA_P}{Sh_1 + rh_2}} \quad Q_R^* = \sqrt{\frac{2dA_R}{h_1 + h_2}}$$

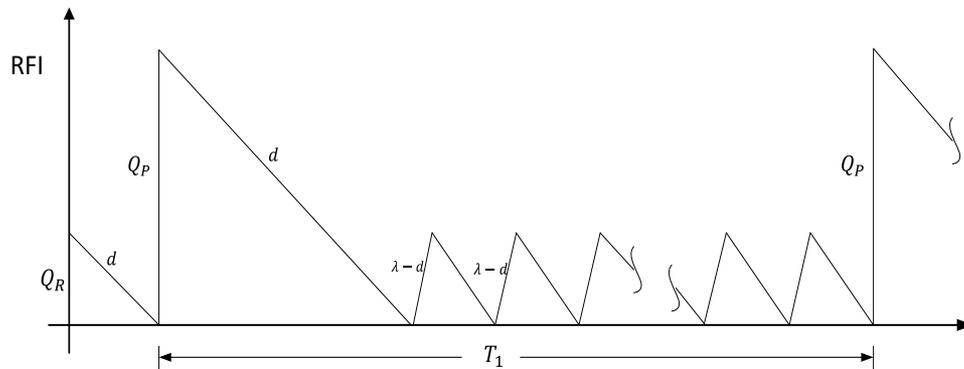
Modelos Inventarios Reparables



Caso 3:



Otros casos.....



$$Q_P^* = \sqrt{\frac{2SdA_P}{Sh_1 + rh_2}} \quad Q_R^* = \sqrt{\frac{2dA_R}{(h_1 + h_2)\left(1 - \frac{d}{\lambda}\right)}}$$



Modelos Estocásticos

Casos en Estudio.....



Sistema	Supuesto	Criterio Optimización	Casos/Política
Single – Echelon Problem	Capacidad Reparación Ilimitada		
		Confiabilidad Instantánea	<ol style="list-style-type: none"> 1.- <u>Reparación uno a uno (one-for-one)</u> 2.- Reparación por lote (batch) <ul style="list-style-type: none"> ❖ Todo Lote Indistintamente su Tamaño ❖ Todo Lote Indistintamente su Tamaño – Tasa de Reparación Idéntica ❖ Reparación por Lote de Tamaño Específico <ul style="list-style-type: none"> <input type="checkbox"/> Tamaño del Inventario Inicial Mayor al Lote de Reparación <input type="checkbox"/> Tamaño del Inventario Inicial Menor al Lote de Reparación
		<u>Minimización Backorders Esperados</u>	Sujeto a una Restricción de Inversión en Inventario
		Maximización de la Disponibilidad	<ol style="list-style-type: none"> 1.- Operacional 2.- <u>Soportada</u>
		Costos	<ol style="list-style-type: none"> 1.- Costos del tiempos de inactividad (downtime), costos de mantener inventario 2.- Costos totales 3.- Costos totales sujeto a restricciones de servicios
		Maximización Fill Rate Esperado	Sujeto a una Restricción de Inversión en Inventario
	Capacidad Reparación Limitada	Confiabilidad Instantánea	<ol style="list-style-type: none"> 1.- Número de canales de reparación \leq número de unidades de la flota 2.- Número de canales de reparación $>$ número de unidades de la flota



Gracias.....

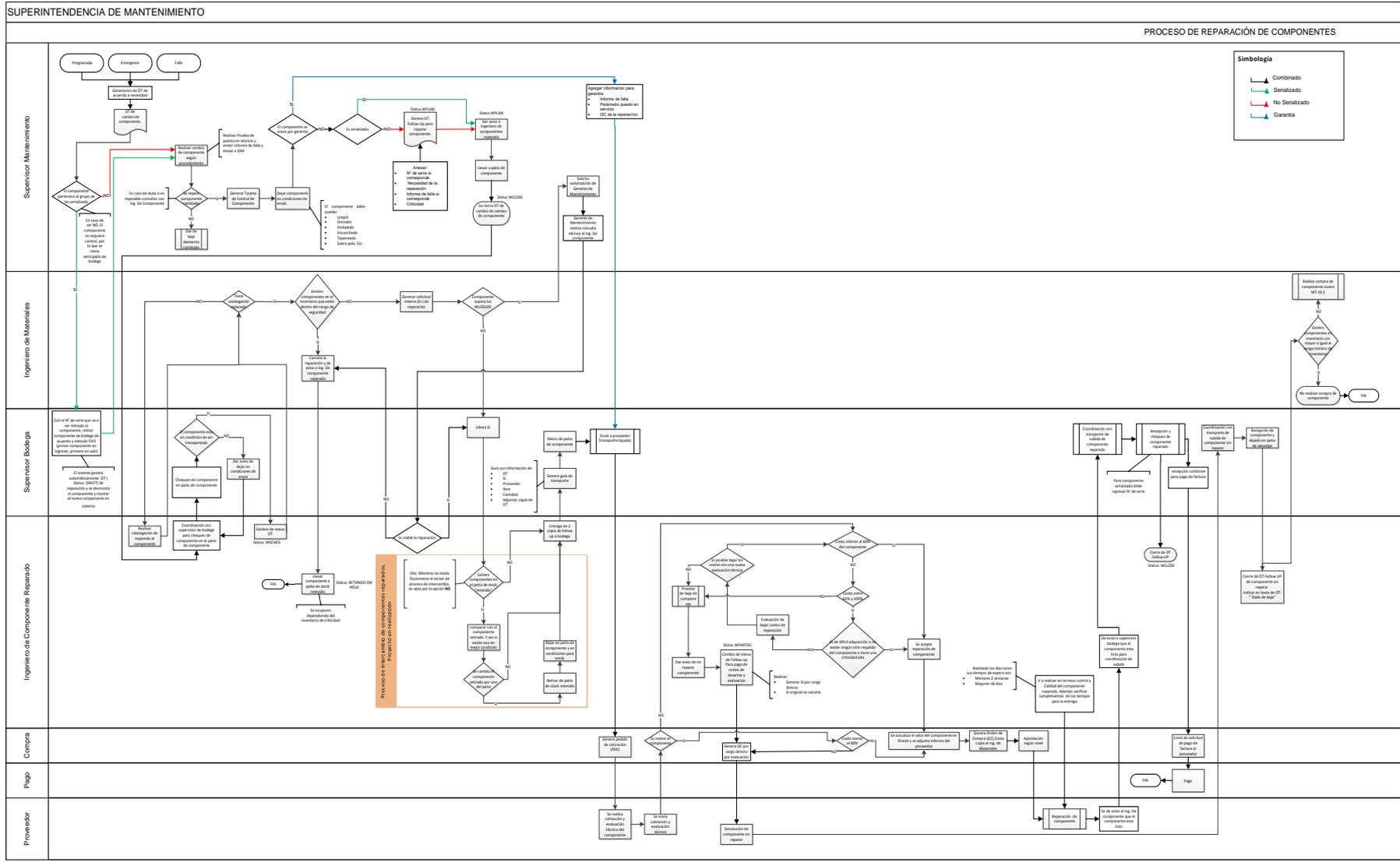




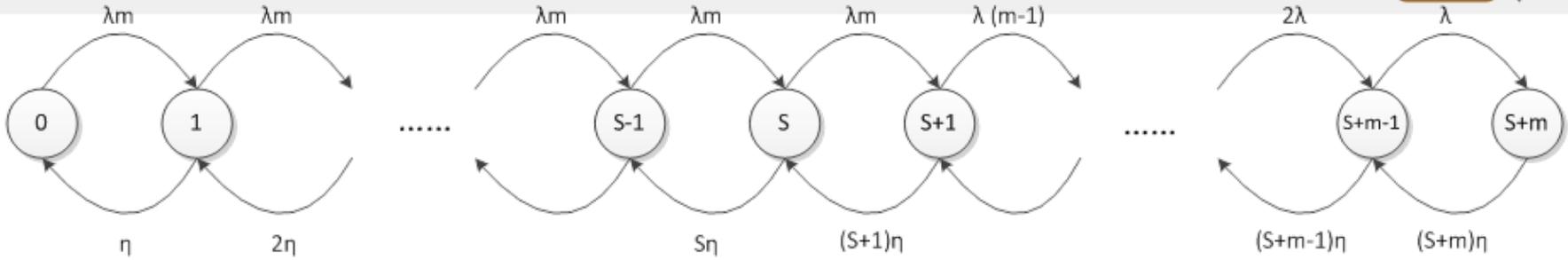
Back-up



Proceso Reparación Componentes



Caso: Confiabilidad Instantánea, Reparación uno a uno (one-for-one)

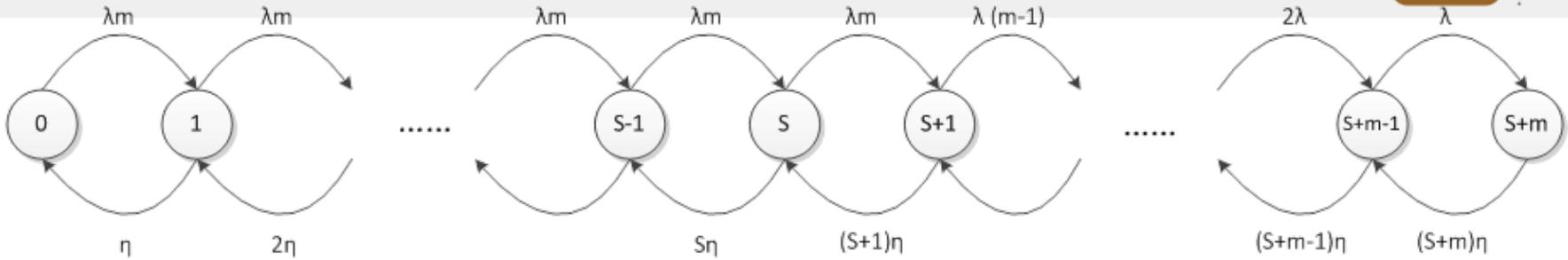


$$\begin{aligned} & \text{Min } S^* \\ & \text{s. a. } \sum_{i=0}^{S^*} e^{-a} \frac{a^i}{i!} \geq p \end{aligned}$$

Descripción	Cantidad	Unidad de Medida	Observación
Datos Generales			
Flota de Camiones	39	Camiones	
Componente X	2	Unidades por Camión	
Componente X en operación	78	Unidades	
Horas Operación Camión al Año	6.600	Horas Operación/año	Horizonte Planificación
Horas Calendario Año	8.760	Horas Calendario/año	
Intervalo Cambio Componente X	9.000	Horas Operacionales	
Total Eventos	171		
Fallas	86		
Cambios Preventivos	85		
Parámetros Weibull			
Beta (β)	0,8565	Horas operacionales	
eta (η)	14.650	Horas operacionales	
Parámetros Cadena Markov			
Tiempo medio demanda (μ) - reemplazo	6.420,3	Horas operación	
Tasa de demanda (λ) - reemplazos	0,000156	reemplazos/ horas operacionales	
Tiempo medio reparación MTTR	452	Horas operación	
Tasa de reparación (η)	0,002212	Reparaciones /Horas Operacionales	

Política Reparación uno - uno		
Parámetros		
a	5,4913	
Stock (S*)	10	
Confiabilidad Garantizada (p)	97,00%	
Número de items en inventario (S*)	Valor Modelo	suma
0	0,41223%	0,41223%
1	2,26372%	2,67595%
2	6,21542%	8,89137%
3	11,37697%	20,26834%
4	15,61868%	35,88702%
5	17,15347%	53,04049%
6	15,69924%	68,73973%
7	12,31567%	81,05541%
8	8,45368%	89,50909%
9	5,15800%	94,66709%
10	2,83243%	97,49951%
11	1,41398%	98,91350%

Caso: Maximización de la Disponibilidad Soportada



Número Esperado de Componentes Indisponibles = $U_S = \sum_{i=S+1}^{S+m} (i-S)\pi_i$

Min S
 s.a. $\frac{U_S}{m} \leq 1 - A$



Min S
 s.a. $\frac{1}{m} \left[\sum_{i=S+1}^{S+m} (i-S) \prod_{k=S+1}^i \left(1 - \frac{[k-(S+1)]}{m} \right) \frac{a^i}{i!} e^{-a} \right] \leq 1 - A$

Parámetros del Modelo				
N° Demandas durante una Reparación	a		5,4913	
Stock Óptimo	Stock (S*)		6	
Cantidad Componentes X	m		78	
Disponibilidad	A		0,99	
	1-A		0,0100	
Cantidad Stock	i	Valor Modelo	Suma Lado Izquierdo (Acumulado)	Diferencia con Lado Derecho
s+1	7	0,001578933	0,00157893	-0,00842107
s+2	8	0,002139821	0,00371875	-0,00628125
s+3	9	0,001908196	0,00562695	-0,00437305
s+4	10	0,001343402	0,00697035	-0,00302965
s+5	11	0,000795313	0,00776566	-0,00223434
s+6	12	0,000408737	0,00817440	-0,00182560



Caso: Minimización Backorders Esperados Sujeto a una Restricción de Inversión en Inventario



$$\begin{aligned} & \text{Min } EBO(S) \\ \text{s.a. } & c[S - E[DI] + EBO(S)] \leq b \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} \text{Min } & (a - S) \left[1 - \sum_{j=0}^S e^{-a} \frac{a^j}{j!} \right] + ae^{-a} \frac{a^S}{S!} \\ \text{s.a. } & c \left[S - \frac{\lambda m}{\eta} + (a - S) \left(1 - \sum_{j=0}^S e^{-a} \frac{a^j}{j!} \right) + ae^{-a} \frac{a^S}{S!} \right] \leq b \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} \text{Min } & EBO(S) + \theta [c(S - a + EBO(S)) - b] \\ \text{s.a. } & S = 0, 1, 2, \dots \end{aligned}$$

Algoritmo

- Paso 0:** Sean $\theta_{\min} = 0$, $\theta_{\max} = \frac{1}{c} \left[\frac{1}{p\left(0/\lambda \frac{m}{\eta}\right)} - 1 \right]$
 y $N = 0$
- Paso 1:** Calcular $\theta = \frac{\theta_{\min} + \theta_{\max}}{2}$, y $N = N + 1$
- Paso 2:** Encontrar el valor más pequeño $S^*(\theta)$ para el cual $\sum_{x \leq S} p\left(x/\lambda \frac{m}{\eta}\right) \leq \frac{1}{(1 + \theta c)}$
- Paso 3:** Calcular $A = c \left(S(\theta) - \frac{\lambda m}{\eta} + EBO(S(\theta)) \right)$. Si $|A - b| < \varepsilon$, para $\varepsilon > 0$ lo suficientemente pequeño, o si $N >$ máximo iteraciones, Parar. En caso contrario, si $A > b$, sea $\theta_{\min} = \theta$, y si $A < b$, sea $\theta_{\max} = \theta$, y retornar al Paso 1.





Back-up 2



Posición del Inventario

$$I_t = OH_t - D_t + DI_t + C_t - CB_t$$

I_t = posición del inventario en el tiempo t

OH_t = número de unidades disponibles (on-hand) en el tiempo t

D_t = número de unidades que fallan en el tiempo t

DI_t = número de unidades en el sistema cola de reparación en el tiempo t

C_t = número de unidades en el sistema de órdenes del proveedor en el tiempo t

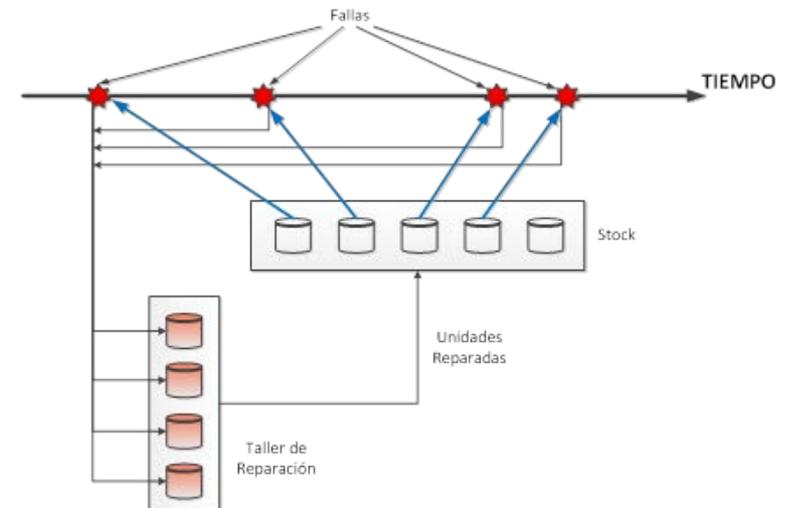
CB_t = número de unidades dadas de baja en el tiempo t

$BO_t = OH_t - D_t < 0$ número de unidades pendientes (Backorders) en el tiempo t

N_t = inventario neto en el tiempo t

$$I_t = N_t + DI_t + BO_t$$

- [1] Louit, D., Pascual, R., Banjevic, D., Jardine, A.K.S., *Optimization Models for Critical Spare Parts Inventories - A Reliability Approach*. Working paper, University of Toronto, 2005.
- [2] Sherbrooke, C.C. *Optimal Inventory Modelling of Systems: multi-echelon techniques*, Second Edition, Kluwer, Bostons, 2004.
- [3] Muckstadt, J. and Sapra, A., *Principles of Inventory Management: When you are Down to four, order more*. Springer, 2010.



El Problema



Sea $x(t)$ variable aleatoria representando el número de unidades en reparación (reabastecimiento) en algún tiempo arbitrario t . Distinguiremos entre el caso “backorder” en el cual “ x ”, tiene el rango $0 \leq x < \infty$, y el caso “ventas perdidas” donde “ x ” está restringida al rango $0 \leq x < S$. En el caso “ventas perdidas”, cualquier demanda que ocurre cuando existen S unidades en reabastecimiento es rechazada, puesto que no existe stock on hand.

Utilizaremos una “Política de Inventario $(S - 1, S)$ ” de revisión continua. Sea “ λ ” la tasa de demanda del proceso de pedidos de los clientes.

Caso Backorder

Teorema: Sea “ S ” el nivel de stock para un ítem cuya demanda es generada por un proceso de Poisson con tasa “ λ ”. Considere que el tiempo de reabastecimiento es una variable aleatoria con función de densidad $g(t)$ con media “ T ” y función de distribución $G(t)$. Supongamos que los tiempos de reabastecimiento son independientes e idénticamente distribuidos entre pedidos de los clientes. Entonces la probabilidad en estado estacionario que “ x ” unidades son reabastecidas está dada por

$$h(x) = e^{-\lambda T} \frac{(\lambda T)^x}{x!}$$

Caso Ventas Perdidas (Lost Sales)

Teorema: Supóngase que las ordenes de los clientes llegan de acuerdo a un Proceso de Poisson con tasa de llegada λ . Además, suponga que el nivel de Stock es S , y el tiempo de reabastecimiento para pedidos de clientes aceptados son independientes e idénticamente distribuidos con densidad común $g\tau = \beta e^{-\beta\tau}$, con media $\tau = 1/\beta$. Entonces la probabilidad estacionaria que x unidades están en reparación en el caso ordenes perdidas está dado por

$$\pi_x = \frac{e^{-\lambda/\beta} \left(\frac{\lambda}{\beta}\right)^x / x!}{\sum_{n=0}^S e^{-\lambda/\beta} \frac{\left(\frac{\lambda}{\beta}\right)^n}{n!}} = \frac{e^{-\lambda\bar{\tau}} (\lambda\bar{\tau})^x / x!}{\sum_{n=0}^S e^{-\lambda\bar{\tau}} \frac{(\lambda\bar{\tau})^n}{n!}}$$



El Problema



Sea $\pi_i(t)$ la probabilidad que "i", ($i = 0, 1, \dots, m$), maquinas estén en reparación en el tiempo "t".
 Sea $\pi(t) = [\pi_0(t), \pi_1(t), \dots, \pi_m(t)]$ el vector de probabilidades de estado en el tiempo t. El vector de probabilidades $\pi(t)$ satisface el sistema de ecuaciones diferenciales

$$\pi'(t) = \pi(t)Q$$

donde $\pi'_i(t) = \frac{d\pi_i(t)}{dt}$, $i = 0, 1, \dots, m$, y

$$Q = \begin{pmatrix} -\lambda_0 & \lambda_0 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ \eta_1 & -(\lambda_1 + \eta_1) & \lambda_1 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & \eta_2 & -(\lambda_2 + \eta_2) & \lambda_2 & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \dots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & -(\lambda_{m-1} + \eta_{m-1}) & \lambda_{m-1} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \eta_m - \eta_m \end{pmatrix}$$

Definimos el modelo:

- $M(t)$: número de unidades, "i", sometidas a reparación en un momento particular en el tiempo "t".

Sí S es el tamaño inicial del stock del inventario, obtenemos los siguientes casos factibles:

- Si $i \leq S$, el número de unidades en operación sigue siendo "m", y el tamaño actual del stock es " $S - i$ ".

Si $i > S$, el número de unidades en operación " $S + m - i$ ", y el stock está agotado.

